



# Párhuzamos és merőleges egyenesek egyenlete

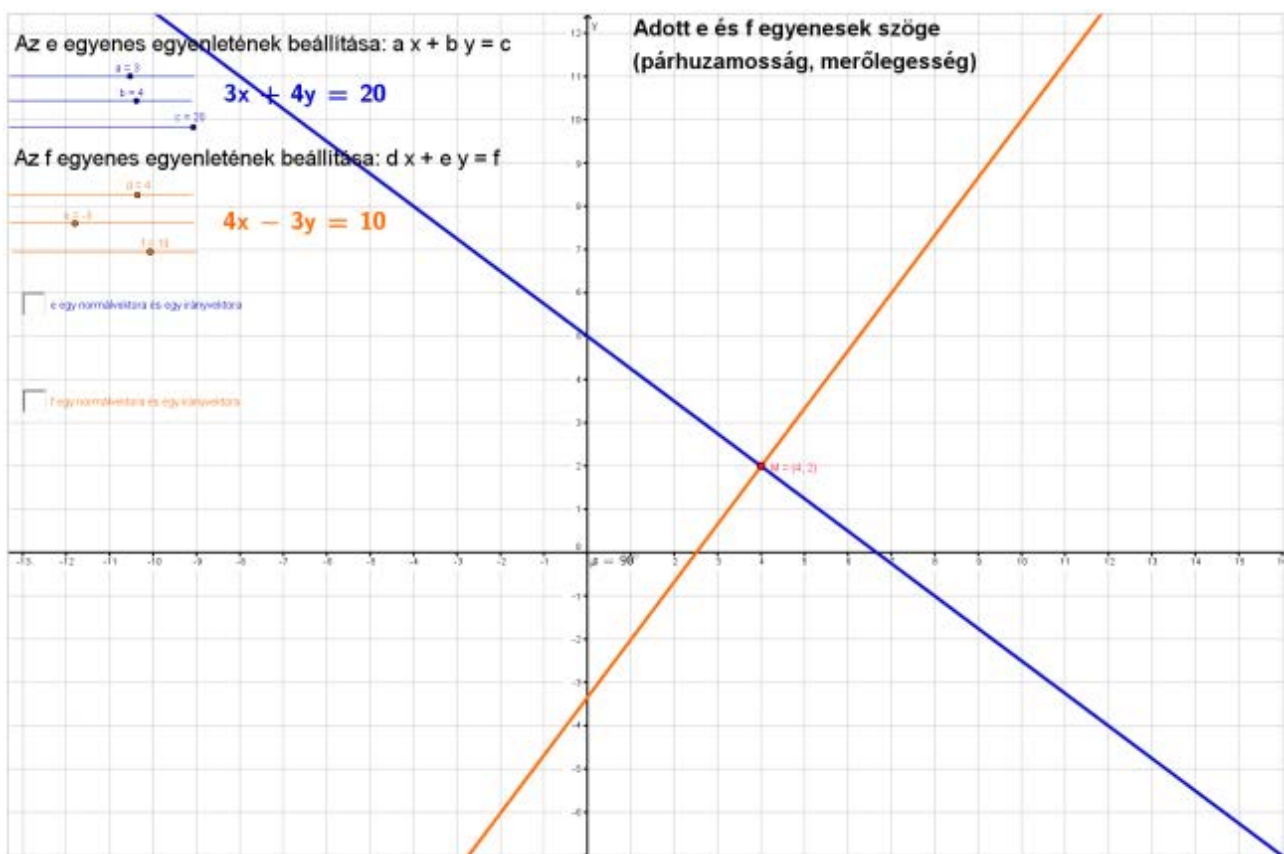
*Javasolt feldolgozási idő: 25 perc*

## 1. feladat

A mellékelt [GeoGebra fájl](#) segítségével gyakorold a párhuzamos és merőleges egyenesek felismerését az egyenletük alapján!

Gyakorold az adott ponton átmenő, adott egyenesre merőleges egyenes egyenletének felírását, ellenőrizd a program segítségével a számításaidat!

A mellékelt animációban az  $e$  és az  $f$  egyenes egyenletét a csúszkák segítségével állítsd be! A kezdőképernyőn ezt látod:



Ezután a jelölőnégyzetek (checkboxok) bejelölése után ellenőrizheted, hogy jól tudod-e kiolvasni az egyenletükből az egyenesek egy-egy normálvektorát, illetve irányvektorát.



*Ha mindkét jelölőnégyzetben pipa van, akkor újabb két jelölőnégyzet jelenik meg a képernyőn, ezek az egyenesek merőlegességének és párhuzamosságának vizsgálatára szolgálnak.*

*A megfelelő vektorok skaláris szorzata segítségével eldöntheted, hogy a két egyenes párhuzamos vagy merőleges-e. Akkor merőlegesek, ha a normálvektoraik (vagy az irányvektoraik) skaláris szorzata nulla, és akkor párhuzamosak, ha az egyik normálvektorának és a másik irányvektorának skaláris szorzata nulla (azaz az egyik normálvektorai merőlegesek a másik irányvektoraira).*

*Ha mindkét egyenes párhuzamosságát és merőlegességét vizsgáló jelölőnégyzet be van pipálva, akkor egy utolsó jelölőnégyzet tűnik fel, amely a két egyenes szögének kiszámítására ad lehetőséget.*



## 2. feladat

Szorgalmi feladatként számold ki a két egyenes szögét, ha ismert az egyenletük!  
Ellenőrizd az eredményeidet a program alapján!

A két egyenes szögét te is ki tudod számítani az irányvektoraik szögeként is.

Tudod, hogy két vektor skaláris szorzata kétféleképpen is felírható. A definíció szerint  $\mathbf{a} \cdot \mathbf{b} = |\mathbf{a}| \cdot |\mathbf{b}| \cdot \cos \alpha$ , a tanult tétel szerint pedig a koordinátáikkal ugyanez így írható fel:  $\mathbf{a} \cdot \mathbf{b} = a_1 \cdot b_1 + a_2 \cdot b_2$ .

Így  $|\mathbf{a}| \cdot |\mathbf{b}| \cdot \cos \alpha = a_1 \cdot b_1 + a_2 \cdot b_2$ , amiből  $\cos \alpha = \frac{a_1 \cdot b_1 + a_2 \cdot b_2}{|\mathbf{a}| \cdot |\mathbf{b}|}$ . A vektorok hosszát is ki tudod számítani a koordinátáikból, például  $|\mathbf{a}| = \sqrt{a_1^2 + a_2^2}$ .

A megfelelő jelölőnégyzetre kattintva ellenőrizheted, hogy jól számoltál-e. Ne feledd, hogy az egyenesek szöge nem nagyobb 90°-nál, így ha tompaszöget kapnál eredményül, akkor annak a mellékszöge lesz a helyes eredmény.



3. feladat

*Pihentetőül: rakd össze a puzzle darabjait úgy, hogy Eukleidész képe legyen látható.*

<http://www.jigsawplanet.com/?rc=play&pid=31e7e4566de2>

*A kép 15 darabból áll, a darabokat nem lehet forgatni.*